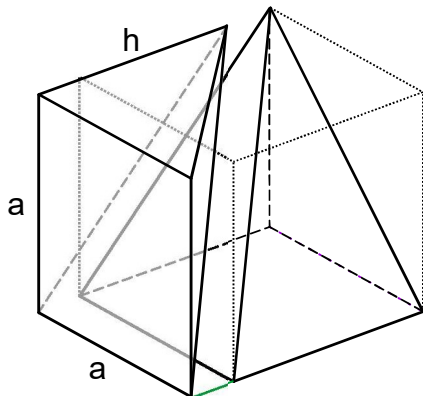
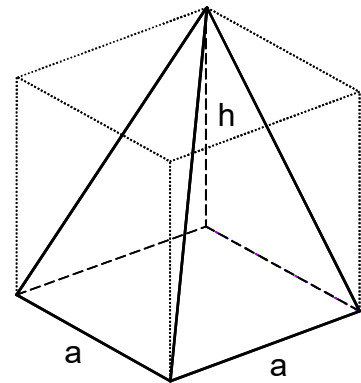


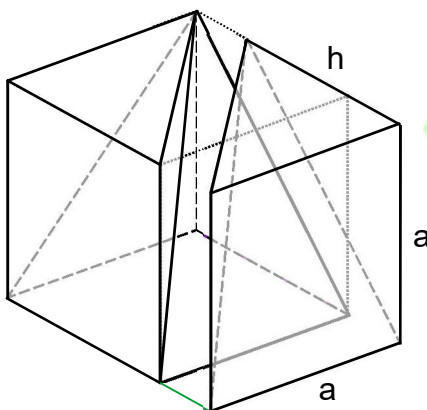
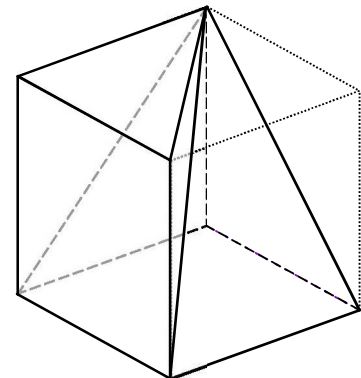
Ein Würfel wird in 3 gleiche Pyramiden zerlegt, die alle als Grundfläche $a \cdot a$ und eine Höhe $h = a$ haben.

Die 1. Pyramide steht auf der Grundfläche des Würfels und hat eine Seitenkante a als Höhe.



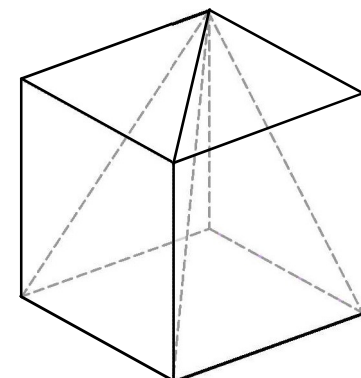
Die 2. Pyramide hat die linke Seitenfläche des Würfels als Grundfläche und die Seitenkante a als Höhe.

Diese seitliche Pyramide wird an die 1. Pyramide von links angelegt.



Die 3. Pyramide hat die rechte Seitenfläche des Würfels als Grundfläche und die Seitenkante a als Höhe.

Diese seitliche Pyramide wird an die 1. und 2. Pyramide von rechts angelegt.



Wenn drei Pyramiden im Würfel Platz haben, ist bewiesen, dass das Volumen einer Pyramide $\frac{1}{3}$ des Volumens des ganzen Würfels ist. Für beide geometrischen Körper gilt: Grundfläche $A = a \cdot a$ und die Höhe $h = a$.

$$V_{\text{pyra}} = \frac{A \cdot h}{3}$$